

Радан Милянов

Йордан Петков

Велина Йорданова

**МАТЕМАТИКА
и
ОПТИМИЗАЦИОННИ МЕТОДИ**

РЪКОВОДСТВО

2015

Издателство „Наука и икономика“
Икономически университет – Варна

Ръководството „Математика и оптимизационни методи“ е предназначено за студенти от Икономически университет – Варна в ОКС „магистър“, изучаващи дисциплините „Математика“ и „Оптимизационни методи“. То е съобразено с учебната програма по тези дисциплини, като в него са намерили място предимно теми, които имат приложение в икономиката.

Ръководството може да бъде полезно и на всички, които използват или проявяват интерес към приложение на математически методи в икономическите изследвания.

Тази книга или части от нея не могат да бъдат размножавани, разпространявани по електронен път и копирани без писменното разрешение на издателя.

- © Радан Василев Мирянов, Йордан Русанов Петков, Велина Георгиева Йорданова, автори, 2015.
- © Издателство „Наука и икономика“, 2015.

ISBN 978-954-21-0872-6

СЪДЪРЖАНИЕ

Въведение	10
-----------------	----

Глава първа ЛИНЕЙНА АЛГЕБРА

1.1. Детерминанти.....	11
1.2. Матрици.....	19
1.3. Вектори.....	38
1.4. Системи линейни уравнения	44
1.5. Някои приложения на линейната алгебра	52

Глава втора АНАЛИТИЧНА ГЕОМЕТРИЯ

2.1. Правоъгълна (декартова) координатна система	57
2.2. Разстояние между две точки.....	59
2.3. Деление на отсечка в дадено отношение.....	60
2.4. Права линия в равнината	63
2.4.1. Декартово уравнение на права. Общо уравнение на права. Уравнение на права, която минава през една и през две дадени точки. Отрезово уравнение на права ..	63
2.4.2. Ъгъл между две прости. Условие за успоредност и перпендикулярност на две прости. Пресечна точка на две прости.....	69
2.4.3. Нормално уравнение на права. Разстояние от точка до права	73
2.5. Приложения на аналитичната геометрия в икономиката	76

Глава трета ФУНКЦИЯ НА ЕДНА ПРОМЕНЛИВА

3.1. Числови редици	83
3.1.1. Сходящи редици. Граница на редица	84
3.1.2. Монотонни редици	86
3.1.3. Числото e	87

3.2. Граница на функция.....	88
3.2.1. Определения за граница на функция	88
3.2.2. Аритметични операции с функции, имащи граница.....	90
3.2.3. Граница на сложна функция.....	90
3.3. Непрекъснатост на функция	91
3.3.1. Основни определения	91
3.3.2. Класификация на точките на прекъсване.....	92
3.4. Производна и диференциал на функция на една променлива	96
3.4.1. Понятие за производна	96
3.4.2. Понятие за диференциал.....	101
3.4.3. Теореми за диференцируемите функции	103
3.4.4. Растене и намаляване на функция	108
3.4.5. Екстремуми на функция	110
3.4.6. Изпъкналост и вдълбнатост на функция.	
Инфлексни точки	114
3.4.7. Асимптоти на функция	118
3.4.8. Изследване и графика на функция	121

Глава четвърта **ФУНКЦИЯ НА ДВЕ И ПОВЕЧЕ ПРОМЕНЛИВИ**

4.1. Определение за функция на две и повече променливи.	
Граница и непрекъснатост.....	128
4.2. Диференциално смятане на функция на две и повече	
променливи	136
4.3. Екстремум на функция на две и повече променливи.....	145
4.3. Метод на най-малките квадрати	155

Глава пета **ИНТЕГРАЛНО СМЯТАНЕ**

5.1. Неопределен интеграл	158
5.2. Определен интеграл	169

Глава шеста

ТЕОРИЯ НА ВЕРОЯТНОСТИТЕ

6.1. Случайни събития.....	188
6.2. Вероятност.....	190
6.2.1. Класически подход в теорията на вероятностите	191
6.2.2. Статистически подход в теорията на вероятностите.....	192
6.2.3. Геометрична вероятност	193
6.3. Условна вероятност. Независими събития	200
6.3.1. Условна вероятност	200
6.3.2. Вероятност на произведение от събития. Независими събития.....	200
6.3.3. Формула за пълна вероятност. Формула на Бейс	202
6.3.4. Формула на Бернули.....	204
6.4. Дискретни случайни величини	211
6.4.1. Действия с дискретни случайни величини.....	212
6.4.2. Математическо очакване на дискретни случайни величини	214
6.4.3. Дисперсия и стандартно отклонение на дискретни случайни величини.....	214
6.5. Закони на разпределение на дискретни случайни величини	216
6.5.1. Биномно разпределение	216
6.5.2. Поасоново разпределение	217
6.5.3. Геометрично разпределение	217
6.5.4. Хипергеометрично разпределение.....	218
6.6. Непрекъснати случайни величини	219
6.6.1. Функция на разпределение (интегрална функция)	219
6.6.2. Плътност (диференциална функция) на разпределение	220
6.6.3. Числови характеристики на непрекъснати случайни величини	220
6.7. Закони на разпределение на непрекъснати случайни величини	221
6.7.1. Равномерно разпределение	221
6.7.2. Показателно разпределение	222
6.7.3. Нормално разпределение	223

Глава седма

ФИНАНСОВА МАТЕМАТИКА

7.1.	Лихва	233
7.1.1.	Проста лихва	223
7.1.2.	Сложна лихва	239
7.2.	Дисконт (сконто)	245
7.2.1.	Математически (точен) дисконт при проста ставка.....	246
7.2.2.	Банков (търговски) дисконт при проста ставка	246
7.2.3.	Математически дисконт при сложна ставка	248
7.2.4.	Банков дисконт при сложна ставка.....	250
7.3.	Аноиитет	251
7.3.1.	Същност на аноиитета	251
7.3.2.	Срочни периодични влогове	251
7.3.3.	Дългосрочни заеми.....	255
7.4.	Доход и възвръщаемост	259
7.5.	Методи за измерване ефективността на инвестициите	262
7.6.	Инвестиционен рисък	266

Глава осма

ЛИНЕЙНО ОПТИМИРАНЕ

8.1.	Икономико-математически модели	271
8.2.	Графичен метод на линейното оптимиране.....	278
8.3.	Симплекс-метод.....	288
8.4.	Двойственост в линейното оптимиране	304
8.5.	Основни теореми на двойствеността.....	307

Глава девета

ТРАНСПОРТНА ЗАДАЧА

9.1.	Постановка и модел на транспортна задача.....	320
9.2.	Етапи за решаване на транспортната задача.....	324
9.3.	Открити и изродени транспортни задачи.....	337
9.4.	Многоетапна транспортна задача.	353
9.5.	Транспортна задача по критерий „време“.....	359

Глава десета
**НЯКОИ СПЕЦИАЛНИ КЛАСОВЕ ОПТИМИЗАЦИОННИ
ЗАДАЧИ**

10.1.	Целочислено линейно оптимиране.....	366
10.1.1.	Алгоритъм на Гомори за решаване на пълно целочислени задачи.....	366
10.1.2.	Алгоритъм на Гомори за решаване на частично целочислени задачи.....	374
10.2.	Дробно – линейно оптимиране	381
10.2.1.	Графичен метод за решаване на задачата на дробно-линейното оптимиране	382
10.2.2.	Използване на симплекс-метода за решаване на задачи на дробно-линейното оптимиране	385
10.3.	Нелинейно оптимиране.....	393
10.3.1.	Геометрична интерпретация на задачата на нелинейното оптимиране.....	394
10.3.2.	Задачи на изпъкналото оптимиране	398
	Литература	406